

Imprimis q̄d alioquin sequeretur lineam rectam circulari aequali sp̄ce.
Nam cum eo-mobilia sint aqua velocitas quā in sp̄ce aequali aquo-
lia patet conseruit, ut superiori lib. cap. 2. dicitur ē si motus rectus
possit cum circulari comparari quoad velocitatem et tarditatem deberet
lineo circularis quam pertransit mobile quod mouetur motu rectus
comparari quoad qualitatem & inqualitatem cum linea recta
quam pertransit mobile quod mouetur motu recto; ē aut hoc incommode
suaderi p̄t qm̄ h̄c linea aequalis dnr. quem sibi nūcēt accommodare
non se excedunt: illa v. dnr in aequalis quarum altera altera superat quod
non nr̄ conuenire linea recte & circulari, cum altera non possit alteri
accommodari: quod n̄ intelligendum ē de linea recta & circulari quales
sunt; Nam si secundum suas longitudines precise consideratur aequalis
aut in aequalis dici p̄t. p̄t n̄ circularis linea in rectum verbi atq̄ ita acco-
modabitur alteri recte.

2. rāo ē q̄d si omnis motus cum omni moto possit comparari motu locali
conferri posset cum alteratione unde sequeretur qualitatem ē aequali
longitudinem quod aperte absurdum ē?

Sed in circulo. Arguiatur pro parte affirmativa dices concedendu
videti mobilia posse moueri aqua celeritate: Alterū quidem super circu-
lum, alterum super rectam lineam nisi forte necesse est si alterum
per actum, alterum per declinum moueretur. Ceterum nihil referret quia
in moueri in aequali, summa tamen videlicet alterum celerius, alterum tar-
dius. Hoc in etiam dato ad huc sequitur dari lineam circularem aequali recte
ac prouide motum circularem hoc ē aequalis celeritatis cum moto
recto, fiatq; ut ergo per aequalē sp̄ce maius erit sp̄tium per transiū amō-
bili circulariter moto, quam sp̄tium per transiū amōbili moto moto
recto ut p̄p̄ ex definitione motus velociorū. quare cum mobile celerius
non solum conficiat maius sp̄tium sp̄ce aequali sed etiam sp̄tium quo-
le in minori sp̄ce ut ostensum cap. 2. libri 6. ē debiti profecto linea-
circularis aequalis linea recte.

Sed ut h̄c. Agitataq; prout h̄c parte tradit 3. conditio & requisitas
ad propriissimā comparationem exquirib; patet solutio q̄d Prima ē ut dī in
quo sit comparatio sit uniuocum ad ea qua comparantur? 2. ē ut nō efficiat,
alterius rōe ex parte suscipiens quā ē fere eadem cum superiori. 3. tandem
3. tonel 9. e.

tex
Comparatio

3. tandem cord. ut sit species infinita. Ex quibus colligit nec id quid loco mouetur, cum eo quod alteratur, nec id quid mouetur motu recto, cum eo quod mouetur motu circulari comparari posse quia cum sint motus desinendi non sunt eiusdem rationis. Ex ultima vero conditione, colligit genus non est unum simplicem, maxime si virtute qua reperiuntur inter se omnes in quibus sit comparatio. Sed et ea latet multo tangam non minus eorum sub magis vel? hinc inter alterationes, eas ad iniuciem comparari posse quia sunt eiusdem speciei infinitae docet, easque esse aquales velocitate quoad acquisitionem intensuam qualitatis, quibus in eodem tempore acquiruntur aquales gradus qualitatis. Praterea docet proportiones acceptas cum precedentibus alterationibus esse aquales celeritatis quibus in tempore aquae proportiones aequaliter graduantur idem ac in iudicium et homo, sed non aequaliter, quibus proportiones individua contenta sub eadem specie infinita. eas vero quantitates esse in aequali velocitatibus in tempore aquae proportiones aequaliter graduantur individua diversarum specierum. Nam cum forma eiusdem speciei postulent aquales divisiones immobilem formam vero diversarum specierum diversas, efficiuntur ut similitudinem eadem sit in individua quae proportiones aequaliter posse sunt diversarum specierum proportiones etiam sunt aequali celeritatis. Illae quoque proportiones eiusdem speciei in aequali divisione sunt quoad velocitatem quibus in tempore aquae proportiones aequaliter graduantur individua eiusdem speciei in massa aequaliter opposita ad suscipiendam formam substantialiem. Non meminit autem Ar. accretionis, sed decretionis quam ex dictis patere poterat eas accretiones esse aquae celeritatis quibus in tempore aquae aequantur aequali qualitas, eas autem esse in aequali quibus in tempore aquae non acquiruntur aequali qualitas quod similiter de decretionibus dici potest.

Quid et quotuples sit proportio

Caput secundum.

Consuetudo est suis locis proportionum trattatione tradere quod earum cognitio sit necesse modo ad ea intelligenda, quae capitulo sequenti ab Alio dicitur, sed ad alio etiam quae sunt in physico, sunt in alijs artibus quamplurimi, enarrantur. Ne igitur definitione proportionis mitium sumamus Proportionis suarum est duarum quantitatum uniusque ad alteram habitudinem, ubi in eis quantitatis non solorum intelligenda est quantitas, ut eorum quae sunt ad quantitatem continuam, et discretam, sed etiam ut comprehendent partes integrantes.

integrantes, mis etiam quamcumque metasphaericam quantitate, in qua cernitur ratio aliquo. Unius p. ad duos est aliqua proportio cum in unitate non sit quantitas sed pars eius integralis. Item albedo in intensitate ut quatuor est aliqua proportio ad albedinem intensam ut secundum, in ea in non cernitur proprio sed metasphaerica quantitas. Sabi hinc eo quae reperiuntur inter duas quantitates discretas de proportione Aritmetico, quae v. cernuntur inter duas quantitates continuas de geometrico.

Proportio ita sumpta dividitur imprimis in proportionem rationalem et irrationalem. rationis est quae cernuntur inter duas quantitates quarum una est comensurabilis alteri, sive in quibus datur aliquid quod sit pars aliquanta utriusque. Secundum cernuntur inter quoscumque numeros, etenim quisque duo numeri, sicut in Sabientia unitatem quae sit pars aliquanta utriusque. seu quae aliquoties reperiuntur adaequat. Cernitur etiam inter plurimas quantitates continuas ut inter lineam quatuor palmorum, et lineam duorum, et inter alias.

Proportio irrationalis ea de qua reperiuntur inter duas quantitates quarum neutra est in mensurabilis alteri. Sed in quibus non est aliquid quod sit pars aliquanta utriusque qualis est proportio quae cernitur inter diametrum, et latitudinem quadrati. Omisso vero secundum proportionem irrationali dividitur proportiones rationales in proportionem aequalitatis, et proportionem inaequalitatis. Proportio aequalitatis de ea, quae cernuntur inter duas quantitates quarum neutra alteram excedit, ut ea quae cernuntur inter duas quotidianos, et inter duos cubitos, &c. cetera. Proportio inaequalitatis est quae cernuntur inter quantitates quarum uno excedit alteram, qualis est ea quae cernuntur inter cenarium, et ternarium, inter lineam quatuor palmorum, et alteram duorum. Reluctant proportionem aequalitatis dicitur, proportionem inaequalitatis in proportionem inaequalitatis maioris, et in proportionem minoris in aequalitatis. Proportionem maioris in aequalitatis est proportio eiusdem quantitatibus quae alteram excedit ut proportio ternarij ad binarium, cubiti ad semicubitum. Proportionem minoris in aequalitatis est proportio eiusdem quantitatibus quae ab altera excedit, ut binarij ad ternarium, et secundum cubiti ad cubitum. Proportio autem maioris in aequalitatis dividitur in quinque species seu p. s. subiectis, scilicet in proportionem multiplicem, in superparticularem, superpartientem, multiplicem superparticularem, et multiplicem superpartientem: quarum tamen priores sunt simplices, duarum posteriorum composite, ut ex eis definiuntur manierum fiet. Intervalem p. s. Seupartes subiectas minoris proportionis minoris in aequalitatis. Cum n. in aequaliter manierum referatur ad in aequaliter minoris, et tamen unius relati partes subiectae quod alterius secundem erunt unius, atque alterius proportionis partes subiectae in quoque dividentur.

De proportione multiplici

Proportio multiplex est proportio maioris quantitatibus quae quidem aliquoties continet minorem adaequat, qualis est proportio quaternaria ad binarium:

Secundum dividitur

6^o

Sed dividitur in species infinitas, nam si numerus maior tantum minore contineat erit
propositio dupla et tripla, et propositio cenaria ad binarium, si quater quadrupla, et octo-
naria ad binarium et ita deinceps infinitum dicit (ad quadrat) ita ut nihil redimetur.
nec debet, quia si numerus maior aliquoties minorem contineat, et aliquid amplius, quod sit
pars quantitatis minoris non habebit rati proportionem multiplicem sed aliam vegetatim
patebit.

Dupla 2 4 8 et sic in infinitum

Tripla 3 6 9 et sic in infinitum

quadrupla 4 8 12 16 et sic in infinitum

De proportione superparticulari

Propositio superparticularis est propositio maioris quantitatis quae semel et in continet
minorem, cum eius una parte aliqua dividatur qualiter est propositio quaternaria ad
ternarium, quaternaria n. semel continet ternarium, et unitatem quae est 3^a pars ter-
narij, porro propositio superparticularis dividitur in species infinitas. Nam si pars aliqua
qua maior quantitas minorem superat sit mediana minoris sit propositio sexqui-
altera qualiter est ternarij ad binarium, et penarij ad quaternarium, quod si pars
illa aliquotta sit 3^a pars minoris sit et propositio sexquiteria, ut propositio quo-
ternariaj ad ternarium, quod si sit quarta pars erit propositio sexqui quarta ut propon-
titio quinariaj ad quaternarium, et ita in infinitum; Vbi cernis per hunc propositum
sumvere denominationem aparte illa qua quantitas maior superat minorem

Sexquialtera 3 6 9 12 et ita in infinitum

2 4 6 8

Sexquiteria 4 8 12 16 et ita in infinitum

3 6 9 12

de proportione

101

De proportione superpartiente.

Proporatio superpartiens est proportio maioris quantitatis continentis semel minorem et multis eius partes aliquotas, ex quibus non efficiatur una pars aliqua minoris quantitatis, si non efficiatur pars aliquota ternarii, et non superpartiens. Sumo proportionem habet quinarius ad ternarium. Nam quinarius semel continet ternarium et præterea duas unitates, quarum qualibet est 3^a pars ternarii, simul autem sumptus efficiunt binarium qui non est pars aliqua ternarii. Proportio superpartiens imprimis dividitur infinitas species sub alternas, nam si quantitas maior semel con- hincat minorem, et præterea duas hinc partes aliquotas minoris fieri non possunt, subal- terna qua de superpartientiis qualis est proportio quinarij ad ternarium: si vero con- tineat 3^o partes dicetur proportio superpartiens ut est proportio septenarij ad quaterno- rum: quod si continet quatuor p^o erit proportio superquadripartiens, qualis est pro- portio nouenarij ad quinatum et ita in infinitum sumente proportionem denarij? annum. Partium quibus maior quantitas minorem superat. Rursum unaquaque ba- rum perit dividitur in infinitas alias species infinitas. Nam si duas illas partes quibus in proportione superpartiente maior quantitas superat minorem sint 3^o partes minoris quantitatis erit una species infinito contenta sub proportione superpartiente, qua de superpartientiis 3^o ut est proportio ternarium quinarij. Si vero duas illas partes fuerint quinta partes minoris quantitatis efficietur alia species quae dicatur superpartiens quintas, qualis est proportio septenarij ad quinarij et ita in infinitum procedendo per partes impares, per 3^o, quintas, septimas, &c. Eodem modo subdividuntur cetera species subalternae, ut proportio superpartiens di- vidatur in superpartientem 4^o qualis est proportio septenarij ad quaternarium, et insuper superpartientem quintas qualis est proportio octonarij ad quinarij, &c. infor- mante partientem septimas, qualis est proportio denarij ad septenarij et ita in infi-

Superpartiens tertias 5 10 15 20 et ita in infinitum

3	6	9	12
---	---	---	----

Superpartiens quintas 7 14 21 28 et ita in infinitum

5	10	15	20
---	----	----	----

Superpartiens quartas 7 14 21 28 et ita in infinitum

4	8	12	16
---	---	----	----

De proportionibus.

De proportione multiplici superparticuli.

Proportio multiplex superparticularis quæ quodammodo exprima et 2^a specie proportionis componitur, et proportio minoris quantitatis continens aliquoties quantitatem et pars minorem tunc unam in partem aliquotam minoris qualis est proportio qui nary ad binarium. Namque quinarius. Bis continet binarium et unitatem quandam quæ est dividit binarij. Cum autem in hac proportione simul includantur proportiones multiplex, et superparticularis possimus imprimis eam dividere ratione proportionis multiplex, in duplam superparticularem, et triplam superpartarem, quadruplicemque superpartarem, et ita in infinitum. Denda vero ratione proportionis superparticularis si unumquidem seruum membrorum dividatur in finitas, ut ex proportione dupla superparticularis in duplam sequi alteram, ut est proportio quinaria ad binarium, et denarij ad quaternarium: In duplam sequitur 3^{am} qualem habent septem ad binium, et 14 ad sex; et in duplam sequitur quartam et ita in infinitum. Poterit dividiri rursus eodem modo tripla proportio superparticularis in triplicem sequitur altam qualis est septem ad duo; et in triplicem sequitur 3^{am}, triplicem sequitur quartam, et ita infinitum. Huiusque reliqua dividuntur membrorum.

Dupla sequitur altera 5 10 15 20 et ita in infinitum.

2	4	6	8
---	---	---	---

Dupla sequitur tercia 7 14 21 28 et ita in infinitum.

3	6	9	12
---	---	---	----

Tripla sequitur altera 7 14 21 28 et ita in infinitum.

2	4	6	8
---	---	---	---

Tripla sequitur tercia 10 20 30 40 et ita in infinitum.

3	6	9	12
---	---	---	----

De proportione multiplici superpartiente.

Proportio multiplex superpartiens quæ quodammodo componitur exprima et 3.^a specie proportionis, est proportio maioris quantitatis continens aliquoties minorem et præstare reas multas p[ro]p[ter]as.

25

multas partes aliquotas minores ex quibus non efficiatur una pars aliqua. Nam si ex illis efficiatur una pars aliqua minor, erit proportio multiplex superparticularis, et non multiplex superpartiens; Iuxymodi propositum Sit obo ad 3^o, nam et bis continet trios et præterea duas unitates quas sunt duæ partes aliquotæ ternarij ex quibus efficitur qui non est pars aliqua ternarij. Hæc prop. dividit in primis rœ multiplex proportionis quæ s. includit duplam superpartientem, triplam superpartientem &c ita in infinitum, demide unde quodq. horum membrorum rœ proportionis superpartientis dividitur in infinitas species subalteratas, ut dupla superpartiens dividatur in duplam superbipartientem dupla supertripartientem &c ita deinceps. Ita tripla superpartiens aut e tripla superbiparties, aut tripla supertripartiens &c cetera similiter modo dividenda sunt similis cetera species. Quibus unaquæ earum subalteratarum species dividitur in infinitas species infinitas, ut dupla superbipartientis dividatur in duplam superbipartientem 3^o qualiter proportio octonarij ad ternarium octonarium, continet bis trios et præterea duas unitates quas sunt duæ tertie ternarij, in duplam superbipartientem quintas quæ proportionem habent 12 ad 5, & in duplam superbipartientem septimales quæ proportionem habent 16 ad 7, et ita in infinitum procedendo semper per partes impares, s. per 3^o quintas, septimas. Item propositum duplo superbipartientis dividitur in dupla superbipartientem quartas qualiter propositum Sit ii ad 4 non in continet bis 4 et 3 unitates quæ sunt 3 quartæ quaternarij. In duplam superbipartientem quintas quæ propositum Sit iiii ad 3, et ita in infinitum, similiter dividuntur cetera species.

Dupla superbipartientis ^{octauas} ~~tertias~~ 8 124 32 et ita minf.

3	6	9	12.
---	---	---	-----

Dupla superbipartientis quintas. 12 24 36 48 et ita minf.

5	10	15	20.
---	----	----	-----

Tripla superbipartientis tertias. 11 22 33 44 et ita minf.

3	6	9	12.
---	---	---	-----

Circa proportionem minoris in aequalitate. Secundum aduerte ut supra dicebamus, eam dividit potest inutile species seu partes subiectas in quo dura est majoris in aequalitate, que divisiones eodem modo quo fecimus divisiones majoris in aequalitate, proportionata sub ut propositio minoris in aequalitate dividitur in submultiplicem sub partcularem sub superpartientem & ita in infinitum. Demide propositio submultiplex dividitur in subduplam, subtriplam, sub quadruplam, similius modo sunt reliqua divisiones.

De proportionate

De proportionalitate.

143

Proportione ita explicata de proportionalitate cuius tractatio cum superiori coniuncta est nonnulla coniuncta sunt presentim qm necia esse debet et ad ea intelligenda quod sequitur. Proportionalitas igitur est proportionis interduas proportiones ut ea quae cernuntur interduas duplas aut inter duplam et quadruplicem. Cum autem quatuor prop. reperiatur interduas quantitates et quatuor proportionalitas sic interduas proportiones. Sequitur proportionalitatem requirere quatuor quantitates aut saltem res modo una earum ut eam duorum extreborum subeat ut proportionalitas quae cernuntur inter duplam proportionem quaternarij ad binarium et duplam senarij ad ternarium, reperiatur inter quatuor quantitates. Proportionalitas quae cernuntur inter proportionem duplam quaternarij ad binarium et duplam octonarij ad quaternarium reperiatur inter tres quantitates quarum unum una singulis munere duarum. Siue dicitur proportionalitas aut inter tres res, in arithmeticam sive geometricam, etiam nomine siue seu musicam. proportionalitas arithmeticam est proportionalis quae cerniatur inter aquales proportiones quarum ternarij aliis alios excedunt aequali excessu, qualiter est proportionalitas quae cernuntur in nali serienum trivorum; scilicet inter unitatem binariam, ternarium, quaternarium, Sorum n. Irorum priores superantur a posterioribus unitate cum hinc binarij ad unitatem sit prop. dupla, ternarij v. ad binarium. sed qui altera quaternarij ad ternarium. sed qui tertio, et ita de ceteris subsequentibus. Similiter proportionalitas legiuntur cernuntur inter eos numeros quorum precedentibus duabus unitatibus superantur a consequentibus ut inter binarium et quaternarium &c. et Sorum n. numerorum singuli habent proportionem duplam ad minorem proxime antecedentem non tamen inter eas reperiatur aequalis excessus, nam binarius excedit unitatem altera hinc unitate, quaternarius v. superat binarium altero binario, et octonarius quaternarium altero quaternario et ita in et ceteris.

Ex dictis intellige alii simi medium proportionaliter sive proportionalitatem arithmeticam et alii simi sive geometram. Nam datis quibusvis tribus ternarij inter quos reperiatur proportionalitas arithmeticam, ille dicetur medium qui quantus excessus superat unum tantu a reliquo superatur. Et inter binarium ternarium et quaternarium cernuntur proportionalitez arithmeticam, ternarius autem est medium proportionale qm ut ternarius excedit binarium unitate ita etiam excedit a quaternario unitate. At vero datis quibusvis tribus ternarij inter quos cernuntur proportionalitas geometrica, ille dicetur medium qui quantus excedit excessu uniuersitati ita excedit a reliquo ut grauiter binarium quaternarium et octonarium cernuntur proportionalitas geometrica et in quaternarius qui est medium inter illos non excedit binarium tanta quantitate quanta excedit ab octonario, sed solum excedit eam eadem proportione ut octonarius ad quaternarium.

est proportio

ē proportio dupla ita quaternarij ad binarium. Proportionalitas harmonica ē proportionalitas qua cernitur inter proportiones in aequali trā in equaliter excedentes ut sicut ait qualis ē proportio maximi ad minimū, satis sit proportio inter excessum quo maximus excedit medium, et excessum quo medium excedit minimum. Huiusmodi proportionalitas cernitur inter ternarum, quaternariorum et senariorum. Imprimis nō, quaternarij ad ternarium ē proportio sequitur, sexnarij ad quaternarium ē sequitur altera. Deinde quaternarius solum unitate excedit ternarium, senarius autem quaternarium superat binario. Proutero ut senarius ad ternarium ē proportio dupla, ita etiam binarius qm̄ ē excessus quaternarius excedit quaternarium ē proportio dupla ad unitatem qua ē excessus quo quaternarius excedit ternarium. Autem aut proportionalitatem geometricam latius aligni sumi pro graduis 3. proportionē qua cernitur inter duas proportiones sive tales proportiones sint aequales sive inaequales inter se.

Cap. quintum.

Superiori capitulo docuitur qui nam motus cum quibus comparari possint: in eo tradit nonnulla documenta quibus intelligamus aequales vel inaequales motus quo ad velocitatem quantus sit excessus velocitatis unius ad velocitatem alterius inter eos qui non sunt aequa celeritatis, atq; primum quidem in motu locali, hinc qd̄ motus sit primus, tum quia in eo proportio Sac magis appareat, docet qd̄ in motu locali quatuor reperiuntur, mouens, mobile, spatium, atq; spissitudo aut momentum virtutem seu potiam motuum quacumque ea sit qua ad motum afferat adiumentum, ratio autem mobilis intelligit resistentiam quacumque ea sit qua motum retardet.

cxx **Si, A. quidem sit.** Ex his verbis duo tradit documenta quorum unum est, si tantum mouens i, tanta virtus mouet tantum mobile i tantam resistentiam per certum quoddam spissitudo et per certum spatium aequaliter, aut eadem virtus mouebit dimidium resistentiae in eodem spissitudo per duplum spatium. Alterum ē eandem virtutem A. seu aequalem moueri idem dimidium resistentiae in dimidio spissitudo per aequaliter spatium quod ē duplo velocitus mouere.

cxx **Etsi potia eadem.** **3^{um}** documentum ē si tanta virtus mouet resistentiam tantam in certo quoddam spissitudo per certum spatium eadem virtus mouebit eadē resistentiam in dimidio spissitudo per dimidium spatium.

cxx **C) dimidium poterit.** **4^{um}** documentum ē si tanta virtus mouet tanta resistentiam in certo quoddam spissitudo per certum spatium dimidui quaque virtutis mouebit dimidium resistentiae in spissitudo aequali per spatium aequaliter quod ostendit qm̄

gm' qualis est proportio unius virtutis ad unam resistentiam, talis est proportio alterius virtutis ad alteram resistentiam.

Ecclit F. moueat. **S**um documentum est: si tanta virtus mouet tantam resistentiam, in certa quantitate per certum spatium non necesse est ut eadem virtus moueat duplam resistentiam in eodem spacie per dimidium spatium. Nam si virtus antea erat ut quatuor et si resistentia ut tria habeat proportionem minoris in qualitatibus ad duplam resistentiam quo circa non poterit esse actio.

Si igr. 4. **S**um documentum est: si tanta virtus moueat tantam resistentiam in tanto tempore, non est necessarium ut dimidium virtutis moueat eandem resistentiam per aliquam partem spatij quia tanta spacie aut aliqua eius parte: nam aliogum sequere habet unum in sominem suum trahere nautum quam centum homines frumentum, ac prouide dare huius actio a proportione maioris in qualitatibus minoris: unde soluit Alius quandam res non res quam nutebatur ostendere granum milij si per aerem cadit sonum facere ex eo quadratus modius cadendo facit: nec non sequitur quod si modius milij aerem ita mouet ut sonum efficiendo sit satis granum quoque ita moueat, ut sonum efficiat.

Si 7^o. **S**um documentum est: si duas virtutes secundum acceptas moueant duas resistencias secundum sumptus per aequalia spatia in tempore aequali ipsorum quoque coniuncte mouebunt eisdem resistencias per aequalia spatia in spacie aequali quod confirmatur ex quod servetur semper eadem proportio virtutis motus ad suam resistentiam.

Sunt ne igr. Consistit in locali motu trahit sec. loco, si do cumenta in motu accretionis, & in alterationis. Primum est: si tanta virtus augitet, aut alterat tanto tempore, tantam rem aliquam, eadem virtus augabit, ac alterabit duplo spacie duplum seruata in semper aequali resistentia. Secundum est: eadem virtus dimidio tempore augabit aut alterabit dimidium. Tertium est: dupla virtus in eodem spacie operabitur duplex. Quartum est: si tanta virtus aliquo spacie tantum alterat, aut augitet non necesse est ut dimidiat a virtus res summi dimidium aut augeat, aut alteret fieri non potest ut dimidiata virtus habeat proportionem minoris in qualitatibus ad resistentiam alimenti, aut corporis quod alterari debet & ex consequenti augere, aut alterare illud non poterit.

Putrum velocitas motus localis sit attendenda ab effectu penes quantitatem spatij q^o Prima vobis:

Pars neg. Suntque duobus argumentis videndi. Imprimis in, si duo mobilia alterum unius palmi, alterum duorum moueantur in eodem tempore, apparere alius cuius domus sitque ad alterum in regione positum, ita ut in priori motu suis ex-

comitatus

extrematibus tangant parietem aquos moueri incipiunt & infra motus alterum ad quod mouebantur si ita inquam moueantur mouebantur per aquale spatum, sed tamen mouebuntur velocitate: q[uo]d velocitas motus non est colligenda ex quantitate spatij quod omnibus conficitur, minor suadetur, q[ui]n quodvis punctum mobilis palmaris describet in spatio maiorem lineam quam quodvis punctum mobilis duorum palmorum.

2^o Si due gravia a loco sublimi caderebent alterum quidem per lineam rectam, alterum v. per obliquam sine circumflexam, ita si ut in quovis spori instanti in quo mouerentur ex aqua accederent ad centrum terra hoc inquam aqua celeritate mouerentur, et h[oc] percurverent spatia marginalia ut patet: q[uo]d velocitas motus non est attendenda penes quantitatem spatij. Major prob[us] q[ui] ea mobilio aequaliter descendenter.

Pro explicatione huius g[ra]m aduersarii e motu e duplicitate quo ad velocitatem, et tarditatem s. uniformem, alterum deformem. Ut ergo eorum duplex est. Num moles dividatur, aut ad divisionem mobilis, aut ad divisionem spori inquit id circa duobus modis d[icitur] motus uniformis, aut deiformis, altero ex parte mobilis, altero ex parte spori inquit. Tunc aut motus d[icitur] uniformis sine aquabilis ex parte mobilis q[ui] o[ste]s partes mobilis inter se mouentur aqua celeritate: ut q[ui] continuo mouentur per planum motu rectu. Tunc n. d[icitur] deiformis ex parte mobilis q[ui] non o[ste]s partes eius mouentur aqua celeritate, quod duplicit[er] fit. Interdum n. Sacrum de proportionate seruatur uniformitas quadam quia partes via deformato mouentur ex parte illius extentionis, s[ed] inquam mobile mouentur deformato semper primum medium fanta velocitate excedat illius particulae extremi quod tardissime mouetur, quanta excedit ab eiusdem particulae extremo quod mouetur velocissime. Hic aut motus d[icitur] uniformis deiformis ex parte mobilis cernitur, in corporibus quae circulanter mouentur si namq[ue] rotam quadam moueat, pure circulariter et s[ed] circumferentiam moueat velocitate ut octo, ducaturq[ue] linea recta ad circumferentia ad centrum indivisible quod manet immobile rotilla in puncto medio illius linea mouebitur velocitate ut quadrato, et in puncto medio inter

Sime g[ra]m circumferentiam mouebitur ut sex & ita in infinitum: semper quodvis punctum medium inter alia duo puncta superabit ab uno tanta velocitate quia alterum superabit. Interdum autem deformato motus nulla cernitur uniformitas ex parte mobilis qui motus dicitur deformato deiformis ex parte mobilis s[ed] inquam aut motus fit uniformis ex parte temporis q[ui] mobile ita mouetur ut equalibus partibus spori semper respondeat aequalis pars spatij per translati onem. Secundum q[ui] ut cernere est in motu aquabilissimo primi orbis, nam quodvis punctum primi orbis semper in partibus temporis aequalibus pertransit aequalis spatios ut quodvis punctum linea aquatilis singulis horis percurrit quindecim gradus

161

gradus, hinc v. d' motus deformis exp. spori, g. nō respn̄t aequalib⁹ partibus. Solum unaqua
spori aequalis p. spati pertransiti, quic⁹ simul ut in motu deformi ex parte mobilis
duob⁹ modis contingit.

Interdum n. mobile ita deiformiter mouetur ex parte spori ut supra parte spori
in quo mouetur semper instanti medio tantum superet velocitatem quā Sabuit
vel Sabebit sub uno instanti terminatio illius spori quantū superatur a velocit
ate quam Sabuit vel Sabebit sub altero, sic autē motus d' uniformiter d'for
mis exp. spori conuenit & graib⁹ d' tenuib⁹ cum nali' mouentur. Semper n. quo
magis recidunt a bō agro eo velotus mouentur. Interdum v. mobile nō ita deiformis
mouetur d' q̄ talis motus d' for miter deformis ex parte spori, sicut prepon
ri immobibus progressuorū aq̄alium.

His ita posit⁹ sit 1^o assertio. Velocitas immobile locali recte, attendit in fine quo
titatim linearum quas mobile int̄pōne aequali describunt suo motu. Itaq; si linea
descripta medem spore aequalis, etiam motus sunt aequalis quoad velocitatem. si
v. sunt in aequalis, etiam motus ita ut ea proportione sit alter⁹ altero velotor⁹ qua
linea unius alteram superat: c' autē manifesta Sac̄ assertio quam Ar̄ Soc̄ loco ex
pressit cum docuit eam mutare locum a qua velocitate quae in spore aequali per
currunt aequalia spatio id moueri duplo velotus quod eodem spore pertransit dupla
spatium p̄q̄ confirmari: q̄ tantus ē motus quantus est spatium quod a mobili confi
ciatur, atqui quo motus fit breviori spore eo ē velotius: q̄ ea quae eodem spore
conficiunt aequalia spatio a qua celeritate mouentur: id autē velotus quod longius
spatium percurrit eodem spore. Enīq; proprieatatem motus sumenda erit
hinc proportionem spatiorum quae eodem spore conceiuntur.

2^o concil. velocitas motus circularis qui quidem ē uniformiter deiformis ex parte
mobile attendit hinc velocitatem puncti quod immobili mouetur velocissime.
ut velocitas motus primi mobilis attendit hinc velocitatem puncti describentis li
neam aequinoctialem aq̄ue distantem apollis mundi insuperficie convexa. concil.
Sac̄ sine controversia p̄bly ē recepta et confirmatur quia tantus ē motus, quo
hinc ē spatium quod amobili conficitur sed spatium quod conficit punctum
velocissime motum d' confici atut⁹ mobilis quod circulariter mouetur: q̄ velocitas
motus circularis attendit hinc velocitatem puncti quod immobili mouetur velo
cissime. quod si hinc rei longiorē desideras conficiatēm lege locum Sac̄
loc.

Ad ianigr̄ obiectiōē d'm ē quod mobilis unius palmi hinc moueretur velotius
et cum mobreto afferit illa mobilis moueri per aequalia spacia d'm ē illa quide
Sm le